

☞ Si P S Q,

- la descripción de acciones, algoritmo S, y
- las descripciones de estados P y Q
están fuertemente relacionadas

S se define como la descripción de la acción que elimina la diferencia entre P y Q

1

Enlace entre los puntos 1 y 2 del tema

¿qué hace el siguiente algoritmo S:

algoritmo S (DATOS x, y: entero;
RESULTADOS x, y: entero)

P= {x=X ∧ y=Y}

◆ descripciones de estados

Q= { x=X ∧ y=Y }

¿ qué hace S ?

Nada

¿Cómo lo hace?

descripciones de acciones

instrucción vacía

2

2. Notación para el diseño de algoritmos

LENGUAJE ALGORÍTMICO

Instrucción **S** :

descripción (enunciado) de la acción que elimina la diferencia entre **P** y **Q**

En el ejemplo anterior,

la descripción de la acción "no hacer nada"

- se nota con **vacía** y
- se denomina **instrucción vacía**

3

2. Notación para el diseño de algoritmos

algoritmo S (**DATOS** dato1:tipo_dato1;...;datoN:tipo_datoN;
RESULTADOS res1:tipo_res1;...;resN:tipo_resN)

tipo

auxiliar_t1=...; ... ; auxiliar_tn=...;

ftipo

var

auxiliar_1: auxiliar_t1; ... ; auxiliar_n: auxiliar_tn;

fvar

P={...}

instrucción_1;

...

instrucción_n;

Q={...}

falgoritmo

4

2. Notación para el diseño de algoritmos

□ Sintaxis de instrucciones

I instrucción vacía **vacía**

I instrucción asignación **:=**

I instrucción condicional

opción

caso₁: **I1**;

....

caso_N: **IN**;

fopción

I instrucción composición secuencial **I1;I2;**

I instrucción iterativa

mientras B hacer

I1;

....

IN;

fmientras

2. Notación para el diseño de algoritmos

□ Semántica de instrucciones

P instrucción Q

P vacía; P=Q

Aquella cuya ejecución **NO** provoca ninguna transformación de estados

2.1. Asignación :=

□ Sintaxis de la asignación

$y := e;$

donde

- y es una variable
- e es una expresión evaluable de tipo compatible con y

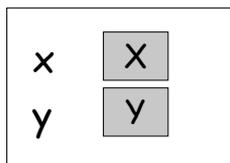
7

2.1. Asignación

Ejemplo de semántica de la asignación

algoritmo copia (**DATOS** x, y : entero;
RESULTADOS y : entero)

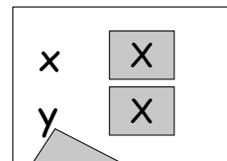
$P = \{x = X \wedge y = Y\}$



copia
▼

$y := x;$

$Q = \{x = X \wedge y = X\}$



y hereda el valor de x

2.1. Asignación

□ Semántica de la asignación

$P = \{e \text{ cumple la propiedad } R\}$

$y := e;$

$Q = \{y \text{ cumple la propiedad } R\}$

9

2.1. Asignación

□ Comprobación de la corrección de copia

algoritmo copia (**DATOS** x, y : entero;

RESULTADOS y : entero)

$P = \{x = X \wedge y = Y\}$

La variable x cumple

$R = \{x \text{ tiene el valor } X\}$



$y := x;$



$Q = \{x = X \wedge y = X\}$

La variable y cumple

$R = \{y \text{ tiene el valor } X\}$

10

2.2. Composición secuencial

□ Sintaxis de la composición secuencial

$I1;I2;$

donde

- $I1$ e $I2$ son instrucciones

11

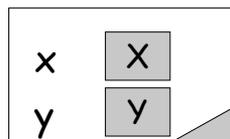
2.2. Composición secuencial

Ejemplo de semántica de la composición sec.

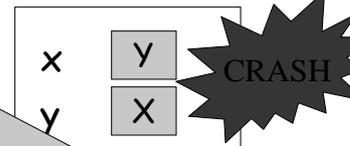
algoritmo intercambio(DATOS x, y : entero;

RESULTADOS x, y : entero)

$P=\{x=X \wedge y=Y\}$ intercambio $Q=\{x=Y \wedge y=X\}$



$y:=x;$

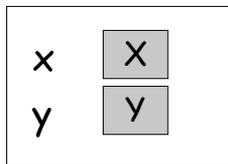


No se puede resolver con sólo una asignación

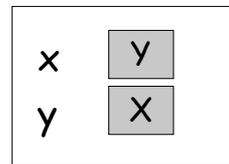
¿Cuál es la secuencia de instrucciones?

□ Solución "directa"

$P = \{x=X \wedge y=Y\}$ intercambio $Q = \{x=Y \wedge y=X\}$



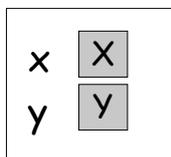
$x:=y;$
 $y:=x;$



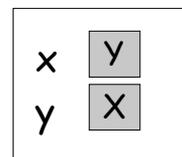
¿Es correcto?

13

□ Corrección de la solución "directa"



$x:=y;$
 $y:=x;$

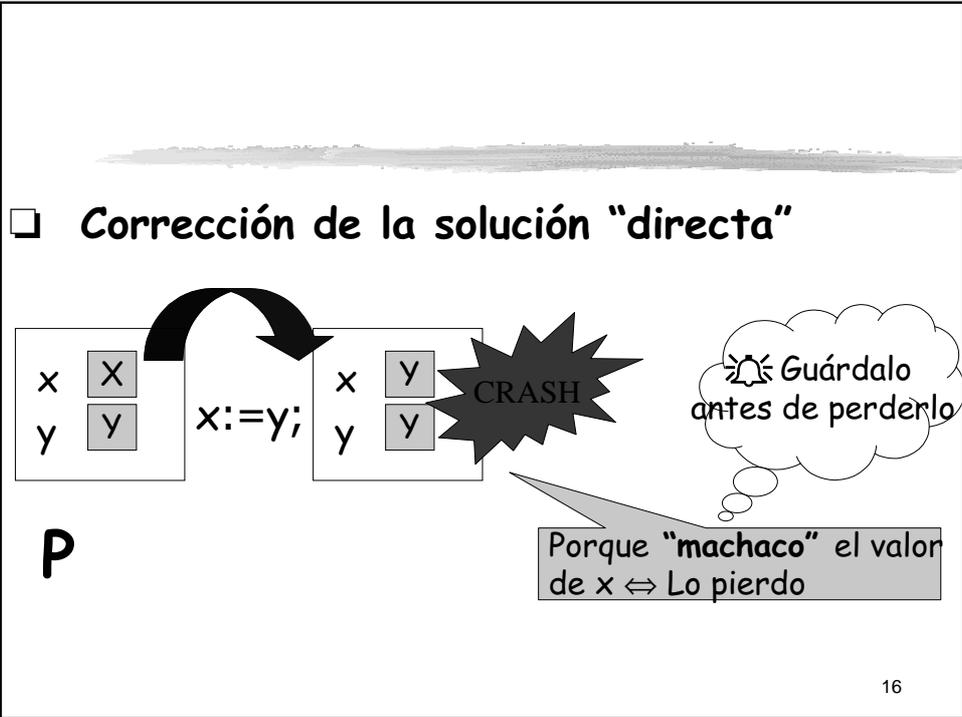
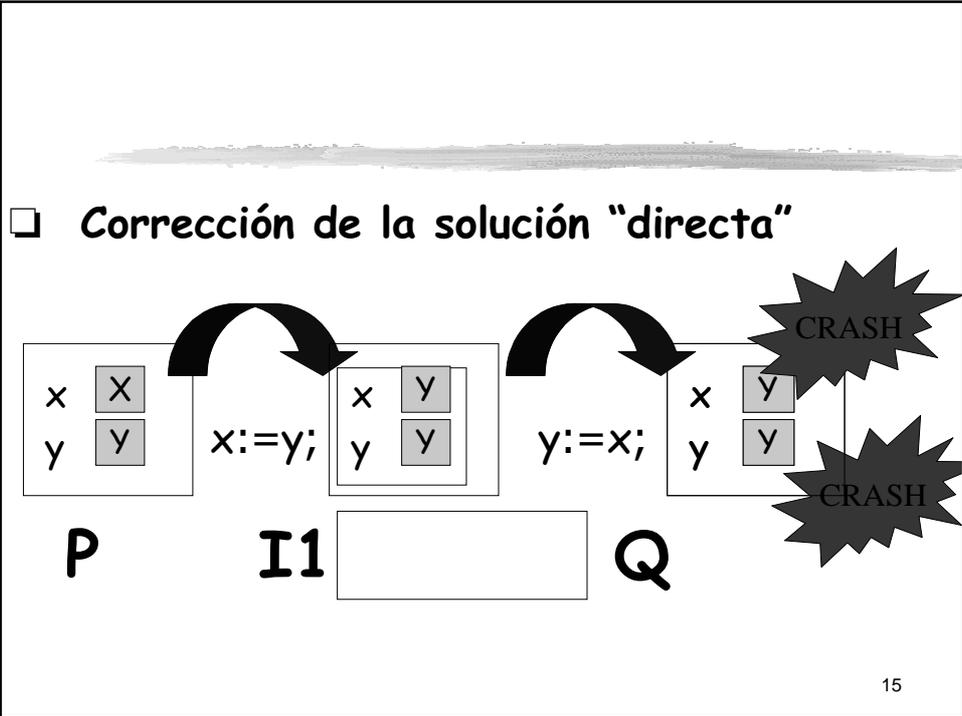


P

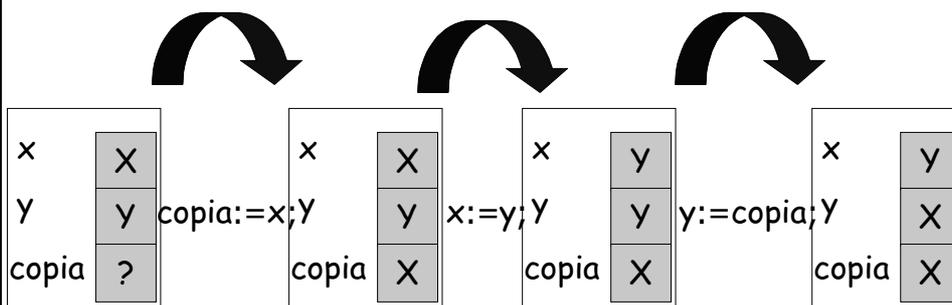
I1 ; I2

Q

14



❑ **Construcción de la solución "correcta"**



17

2.2. Composición secuencial

❑ **Uso de la composición secuencial:**

Problemas en los que S enuncia la **secuencia de acciones** que llevan de P a Q



Estrategia de diseño

- **Determinar objetivos parciales**
- **Plantear las instrucciones que permitan alcanzar los objetivos parciales**

18

2.2. Composición secuencial

□ La composición secuencial **NO** es conmutativa

$\{x=3 \wedge y=Y\}$

$x:=0;$

$y:=x+y;$

$\{x=0 \wedge y=Y\}$

$\{x=3 \wedge y=Y\}$

$y:=x+y;$

$x:=0;$

$\{x=0 \wedge y=Y+3\}$

19

Dado un número de segundos inferior a un millón, calcular su equivalente en días, horas, minutos y segundos

algoritmo segundos

(**DATOS** n:entero;

RESULTADOS días,horas,min,seg: entero)

P= $\{0 \leq n < 1.000.000\}$

¿Cómo comprobar si son correctos?

Q= $\{n = 86400 \text{ días} + 3600 \text{ horas} + 60 \text{ min} + \text{seg}$

$\wedge \text{días} \geq 0$

$\wedge 0 \leq \text{horas} \leq 23$

$\wedge 0 \leq \text{min} \leq 59$

$\wedge 0 \leq \text{seg} \leq 59\}$

20

2.2. Composición secuencial



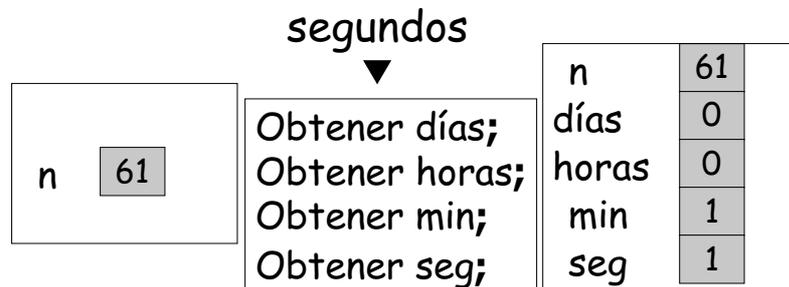
👉 **Estrategia de diseño: Serialización**

- 1.- Determinar objetivos parciales
- 2.- Determinar las instrucciones para alcanzarlos

21

2.2. Composición secuencial

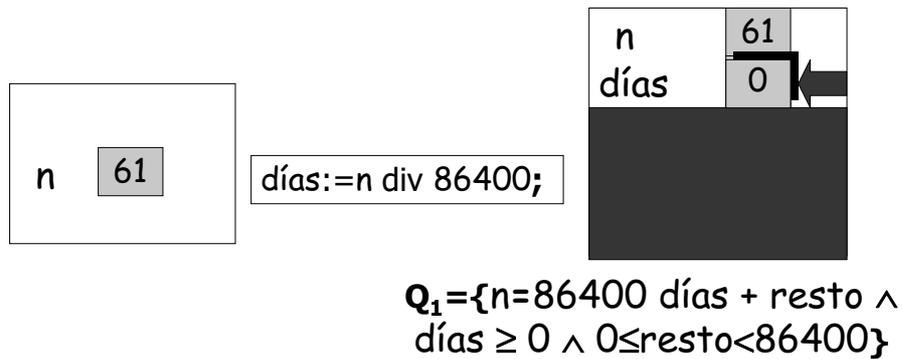
Serialización



22

2.2. Composición secuencial

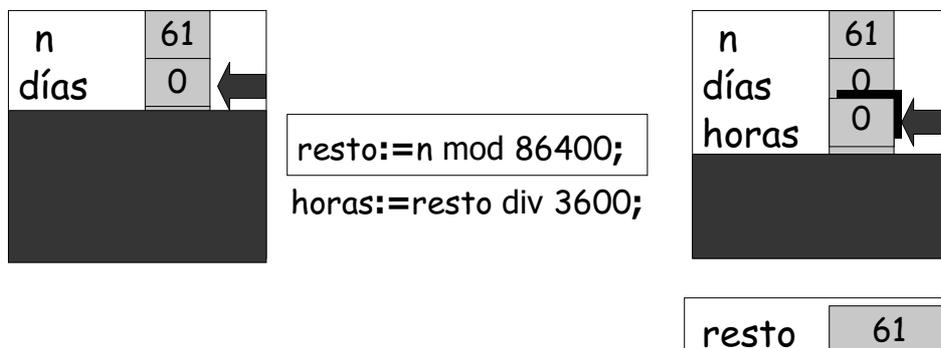
Serialización



23

2.2. Composición secuencial

Serialización



24

2.2. Composición secuencial

Serialización

n	61	
días	0	
horas	0	
[shaded area]		

resto := resto mod 3600;
min := resto div 60;

n	61	
días	0	
horas	0	
min	1	
[shaded area]		

resto	61
-------	----

resto	61
-------	----

25

2.2. Composición secuencial

Serialización

n	61	
días	0	
horas	0	
min	1	
[shaded area]		

seg := resto mod 60;

n	61	
días	0	
horas	0	
min	1	
seg	1	
[shaded area]		

resto	61
-------	----

resto	61
-------	----

26

2.3. Condicionales: Análisis por casos

□ Sintaxis de la condicional

```

opción
  casoi: I1;
  ...
  casoN: IN;
fopción
  
```

donde

- caso_i es una expresión de tipo lógico
- **I1..IN** son instrucciones

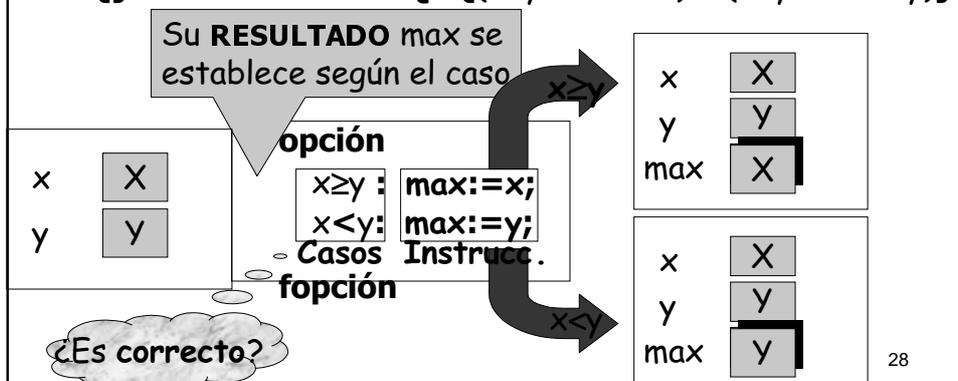
27

2.3. Condicionales: Análisis por casos

Ejemplo de semántica de la condicional

algoritmo máximo(DATOS x,y:entero;RESULTADOS max:entero)

$P=\{\}$ máximo $Q=\{(x \geq y \wedge \max=x) \vee (x < y \wedge \max=y)\}$



2.3. Condicionales: Análisis por casos

□ Corrección de la Solución:

- ¿Se han controlado todos los casos?
Sí, porque ó bien $x \geq y$ ó bien $x < y$

opción

$x \geq y : \text{max} := x;$

$x < y : \text{max} := y;$

fopción

29

2.3. Condicionales: Análisis por casos

□ Corrección de la Solución:

- ¿Se han controlado todos los casos?
- ¿Son casos disjuntos?

Sí, porque $\neg(x \geq y \wedge x < y)$

opción

$x \geq y : \text{max} := x;$

$x < y : \text{max} := y;$

fopción

30

❑ **Corrección de la Solución:**

■ ¿Se han controlado **todos** los casos?

■ ¿Son casos **disjuntos**?

■ Para cada caso, ¿se ejecuta la **instrucción correcta**?

+ Si $x \geq y$: $(P \wedge x \geq y)$ $max := x$ Q

+ Si $x < y$: $(P \wedge x < y)$ $max := y$ Q

opción

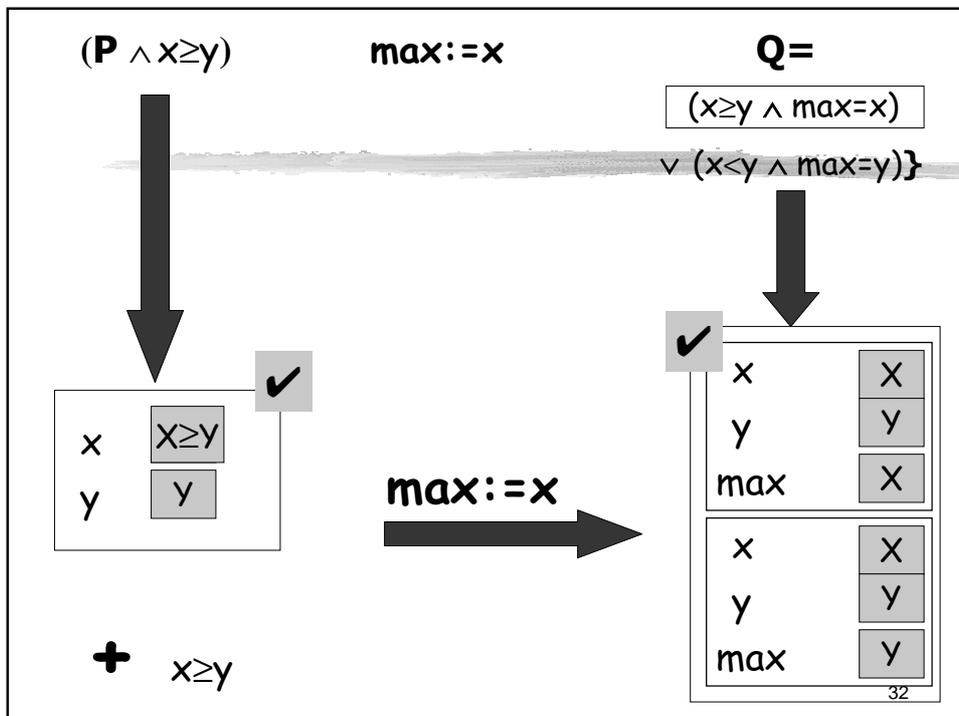
$x \geq y$: $max := x$;

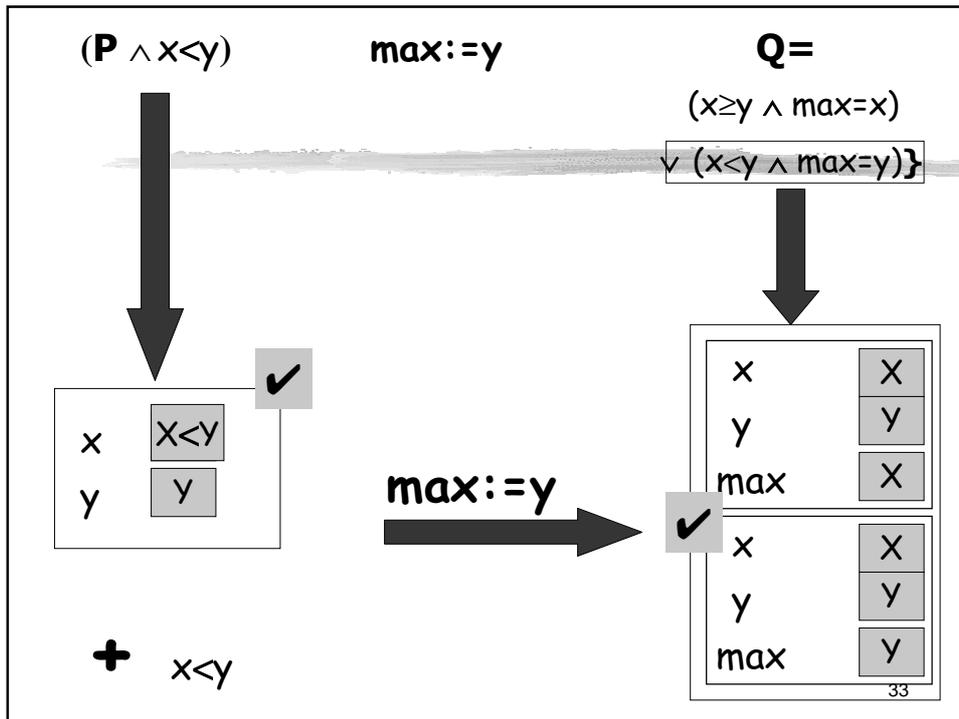
$x < y$: $max := y$;

fopción



31





2.3. Condicionales: Análisis por casos

□ Uso de la condicional:

Problemas en los que existe una **partición** del dominio de los datos -casos. El análisis de cada caso determina la acción que lleva de P a Q



Estrategia de diseño

- Establecer la partición de los datos -casos disjuntos
- Plantear las instrucciones para cada caso

Otras formas de la condicional

```
si caso1 entonces I1
      sino      I2;
fsi
```

≡

```
opción
  caso1: I1;
  ¬caso1: I2;
fopción
```

35

Otras formas de la condicional

```
si caso1 entonces I1;
fsi
```

≡

```
opción
  caso1: I1;
  ¬caso1: vacía;
fopción
```

36

Otras formas de la condicional

opción

```
caso1: I1;  
...  
casoN: IN;  
en otro caso : IN+1;
```

fopción

≡

opción

```
caso1: I1;  
...  
casoN: IN;  
¬ caso1 ∧ ... ∧ ¬ casoN : IN+1;
```

fopción

37

2.3. Condicionales: Análisis por casos

□ Condicional

opción

```
caso1: I1;  
...  
casoN: IN;
```

fopción

en PASCAL "if" ~~ANTIGUO~~

... y "case" en contadas ocasiones

38

2.3. Condicionales: Análisis por casos

□ Condicional más sencillo

```

opción
  caso1 : I1;
  ¬caso1 : I2;
fopción
  
```

Ejemplo:

2 casos	opción	:	
	caso ₁ $x \geq y$:	max:=x ;
	¬caso ₁ $x < y$:	max:=y ;
	fopción		

39

2.3. Condicionales: Análisis por casos

□ Condicional más sencillo

```

si caso1 entonces I1
sino I2;
fsi
  
```

Ejemplo:

2 casos	si	$x \geq y$	entonces	max:=x
			sino	max:=y;
	fsi			

2.3. Condicionales: Análisis por casos

- **Condional más sencillo** en PASCAL "if"

```
if caso1 then I1
else I2;
```

Ejemplo:

```
if x ≥ y then max := x
else max := y;
```

2.3. Condicionales: Análisis por casos

- **Condional más sencillo**

```
opción
  caso1 : I1;
  ¬caso1 : vacía
fopción
```

```
si caso1 entonces I1
fsi
```

42

2.3. Condicionales: Análisis por casos

- **Condicional más sencillo** en PASCAL "if"

```
if caso1 then I1 ;
```

43

La siguiente tabla muestra los resultados result1 y result2 que se obtienen para los diferentes valores del dato ent:

ent	result1	result2
1	cierto	5
2	cierto	4
3	cierto	3
4	cierto	2
5	cierto	1
6	falso	3
7	falso	2
8	falso	1

Observando esta tabla se quiere diseñar un algoritmo:

⊕ que obtenga los valores result1 y result2 dependiendo de los 8 posibles valores de ent

⊕ que lo haga mediante un análisis de 2 casos únicamente

44

algoritmo tabla (**DATOS** ent: entero;
RESULTADOS result1: lógico;result2: entero)

P= {1≤ent≤8}

ent	result1	result2
1	cierto	5
2	cierto	4
3	cierto	3
4	cierto	2
5	cierto	1
6	falso	3
7	falso	2
8	falso	1

Los **RESULTADOS** se establecen según el caso



6-ent

Q= {((1≤ent≤5) → result1=V ∧ result2 = 5-ent+1)
 ∧ ((6≤ent≤8) → result1=F ∧ result2 = ^{**9-ent**}8-ent+1)}

45

algoritmo tabla (**DATOS** ent: entero;
RESULTADOS result1: lógico;result2: entero)

P= {1≤ent≤8}

Q= {((1≤ent≤5) → result1=V ∧ result2 = 5-ent+1)
 ∧ ((6≤ent≤8) → result1=F ∧ result2 = 8-ent+1)}

□ **Diseño del algoritmo** **2 casos**

opción

caso₁ 1≤ent≤5 : result1=V ; result2 = 5-ent+1 ;

caso₂ 6≤ent≤8 : result1=F ; result2 = 8-ent+1 ;

fopción

i  **j**  **!**

caso₂ \diamond \neg **caso₁**

46

algoritmo tabla (DATOS ent: entero; RESULTADOS result1: lógico;result2: entero)	
P= {1≤ent≤8}	
Q= {((1≤ent≤5) → result1=V ∧ result2 = 5-ent+1) ^ ((6≤ent≤8) → result1=F ∧ result2 = 8-ent+1)}	
□ Diseño del algoritmo	
opción 1≤ent≤5 : result1=V ; result2 = 5-ent+1 ; 6≤ent≤8 : result1=F ; result2 = 8-ent+1 ;	si 1≤ent≤5 entonces result1=V ; result2 = 5-ent+1 ; sino result1=F ; result2 = 8-ent+1 ; fsi
fopción	
47	

Algoritmo	VERSUS	Programa
algoritmo tabla(DATOS ent : entero; RESULTADOS result1 :lógico; result2 :entero);		PROGRAM tabla (INPUT,OUTPUT) ; VAR ent,result2:INTEGER; result1:BOOLEAN;
P={1≤ent≤8}		BEGIN WRITELN('entrada entre 1 y 8'); READLN(ent);
si 1≤ent≤5 entonces result1=V ; result2 = 5-ent+1; sino result1=F ; result2 = 8-ent+1;		IF (ent>=1) and (ent<=5) THEN BEGIN result1:=true; result2:=6-ent; END ELSE BEGIN result1:=false; result2:=9-ent; END;
fsi Q={((1≤ent≤5) → result1=V ∧ result2=5-ent+1) ^((6≤ent≤8) → result1=F ∧result2=8-ent+1)}		WRITE('result1=',result1:6); WRITELN(';result2=',result2:2);
falgoritmo		END.
		48

<pre>\$ gpc -o tabla tabla.p</pre>	
<pre>\$ tabla entrada entre 1 y 8 1 result1= true;result2= 5</pre>	<div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;"> $P = \{1 \leq ent \leq 8\}$ </div>
<pre>\$ tabla entrada entre 1 y 8 6 result1= false;result2= 3</pre>	<pre>PROGRAM tabla (INPUT,OUTPUT); VAR ent,result2:INTEGER; result1:BOOLEAN; BEGIN WRITELN('entrada entre 1 y 8'); READLN(ent); IF (ent>=1) and (ent<=5) THEN BEGIN result1:=true; result2:=6-ent; END ELSE BEGIN result1:=false; result2:=9-ent; END; WRITE('result1=',result1:6); WRITELN(';result2=',result2:2); END.</pre>
<pre>\$ tabla entrada entre 1 y 8 -1 result1= false;result2= 10</pre>	<pre> END; WRITE('result1=',result1:6); WRITELN(';result2=',result2:2); END.</pre>
<p style="text-align: center;">CRASH</p>	<div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;"> $\text{caso}_2 \Leftrightarrow \text{caso}_1$ </div>

49

	SOLUCIÓN PASCAL: "if " ANIDADO
<pre>PROGRAM tabla (INPUT,OUTPUT); VAR ent,result2:INTEGER; result1:BOOLEAN; BEGIN WRITELN('entrada entre 1 y 8'); READLN(ent); IF (ent>=1) and (ent<=5) THEN BEGIN result1:=true; result2:=6-ent; END ELSE BEGIN result1:=false; result2:=9-ent; END; WRITE('result1=',result1:6); WRITELN(';result2=',result2:2); END.</pre>	<div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;"> $P = \{1 \leq ent \leq 8\}$ </div>
<pre> IF (ent<1) or (ent>8) THEN WRITELN('Datos no validos') ELSE BEGIN IF ent<=5 THEN BEGIN result1:=true; result2:=6-ent; END ELSE BEGIN result1:=false; result2:=9-ent; END; END; END;</pre>	<pre> IF (ent<1) or (ent>8) THEN WRITELN('Datos no validos') ELSE BEGIN IF ent<=5 THEN BEGIN result1:=true; result2:=6-ent; END ELSE BEGIN result1:=false; result2:=9-ent; END; END; END;</pre>

50

Calcular el máximo y mínimo de tres números enteros, a b y c, distintos entre sí

algoritmo max_min(**DATOS** a, b, c : entero;
RESULTADOS max,min: entero)

P= { $a \neq b \neq c$ }

Q= { $\text{max} = \text{m\u00e1ximo}(a,b,c) \wedge \text{min} = \text{m\u00ednimo}(a,b,c)$ }

donde m\u00e1ximo y m\u00ednimo son dos funciones de especificaci\u00f3n que se dejan propuestas al alumno

51

Versi\u00f3n 1 :



Estrategia de dise\u00f1o: An\u00e1lisis por casos

Casos en los que a es el m\u00ednimo:

$a < b < c$

$a < c < b$

Casos en los que b es el m\u00ednimo:

$b < a < c$

$b < c < a$

Casos en los que c es el m\u00ednimo:

$c < a < b$

$c < b < a$

*Partici\u00f3n en 6 casos disjuntos

52

Versión 1 :



Estrategia de diseño: Análisis por casos

Casos en los que a es el mínimo:

$a < b < c$: min=a; max=c

$a < c < b$: min=a; max=b

Casos en los que b es el mínimo:

$b < a < c$: min=b; max=c

$b < c < a$: min=b; max=a

Casos en los que c es el mínimo:

$c < a < b$: min=c; max=b

$c < b < a$: min=c; max=a

*Partición en 6 casos disjuntos

*Instrucciones para cada caso

53

Versión 1 :

opción

$a < b < c$:

min=a; max=c

$a < c < b$:

min=a; max=b

$b < a < c$:

min=b; max=c

$b < c < a$:

min=b; max=a

$c < a < b$:

min=c; max=b

$c < b < a$:

min=c; max=a

fopción

54

Versión 1 : Traducción a Pascal

if (a<b) and (b<c) then begin	min=a; max=c	end;
if (a<c) and (c<b) then begin	min=a; max=b	end;
b<a<c:	min=b; max=c	
b<c<a:	min=b; max=a	
c<a<b:	min=c; max=b	
if (c<b) and (b<a) then begin	min=c; max=a	end;

55

Versión 1 Traducción a Pascal mejorada

opción

a<b<c:

min=a; max=c

```
if (a<b) and (b<c)
then begin min=a; max=c; end
else (* a>b or b>c *)
```

Versión 1 Traducción a Pascal mejorada

```
if (a<b) and (b<c)
then begin min=a; max=c; end
else (* a>b or b>c *)
  if a>b then if b>c
    then begin min=c; max=a; end
    else begin (* c>b and a>b *)
      min=b;
      if a>c then max=a else max=c;
    end
end
```

57

```
if (a<b) and (b<c)
then begin min=a; max=c; end
else (* a>b or b>c *)
  if a>b then if b>c
    then begin min=c; max=a; end
    else begin (* c>b and a>b *)
      min=b;
      if a>c then max=a else max=c;
    end
  else begin (* a<b and c<b *)
    max=b ;
    if a<c then min=a; else min=c ;
  end;
```

Versión 2 :
 Estrategia : Análisis por casos **ANIDADO**

<p>Caso 1: $a < b$</p> <p>Calcular max y min sabiendo que $a < b$</p>	<p>*Partición en 2 casos disjuntos</p> <p>*Instrucciones para cada caso</p>
<p>Caso 2: $a > b$</p> <p>Calcular max y min sabiendo que $a > b$</p>	
<p>NEGACIÓN del caso1</p>	

59

Versión 2 :
 Estrategia : Análisis por casos **ANIDADO**

<p>Caso 1: $a < b$</p> <p>Calcular max y min sabiendo que $a < b$</p>	<p>caso 1.1 $b < c$</p> <p>caso 1.2 $c < a$</p> <p>caso 1.3 $a < c < b$</p>	<p>*Partición en 3 casos disjuntos</p>
<p>Caso 2: $a > b$</p> <p>Calcular max y min sabiendo que $a > b$</p>	<p>caso 2.1 $b > c$</p> <p>caso 2.2 $c > a$</p> <p>caso 2.3 $a > c > b$</p>	
<p>NEGACIÓN de los casos 1.1, 1.2 y 1.3</p>		<p>*Partición en 3 casos disjuntos</p>

60

Versión 2 :



Estrategia : Análisis por casos **ANIDADO**

Caso 1: $a < b$

Calcular max y min
sabiendo que $a < b$

caso 1.1 $b < c$

: min=a; max=c

caso 1.2 $c < a$

: min=c; max=b

caso 1.3 $a < c < b$

: min=a; max=b

Caso 2: $a > b$

Calcular max y min
sabiendo que $a > b$

caso 2.1 $b > c$

: min=c; max=a

caso 2.2 $c > a$

: min=b; max=c

caso 2.3 $a > c > b$

: min=b; max=a

NEGACIÓN de las instrucciones
para los casos 1.1, 1.2 y 1.3

61

Versión 2

opción

$a < b$: **opción**

$b < c$: min := a ; max := c ;

$c < a$: min := c ; max := b ;

$a < c < b$: min := a ; max := b ;

$a > b$:

fopción

opción

$b > c$: min := c ; max := a ;

$c > a$: min := b ; max := c ;

$a > c > b$: min := b ; max := a ;

fopción

fopción

62

Versión 2 Traducción a Pascal

```

if a<b then
  if b<c then begin max:=c;min:=a; end
  else begin (*b>c*)
    max:=b;
    if a>c then min:=c else min:=a ;
  end
else
  lo anterior PERO justo al contrario

```

63

Versión 3 :
 Estrategia : Serialización y Análisis por casos

```

Obtener min/max de a y b ;
si a>b entonces max:=a
  sino max:=b;
fsi
Obtener min/max de min/max y c ;
si c>max entonces max:=c
  sino
  si c<min entonces min:=c ;
fsi

```

Análisis de 2 casos

Instrucciones para obtener los objetivos parciales

Análisis de 2 casos

64

Versión 3

```
si a>b      entonces max:=a
           sino      max:=b;

fsi
(*max>min*)
si c>max    entonces max:=c
           sino      si c<min entonces min:=c ;

fsi
```

65

Traducción a Pascal

Traducción a Pascal

```
if a>b then max:=a
      else max:=b;

(*max>min*)
if c>max then max:=c
      else if c<min then min:=c ;
```

66